

Ekstra oppgaver til kapittel 12.6.

Ekstraoppgave 12.6.1. Beregn divergensen til vektorfeltet som funksjon av de kartesiske koordinatene, og finn spesielt divergensen i de gitte punktene.

a) $\mathbf{F}(x, y) = \left\langle \frac{x^2}{x^2 + y^2}, \frac{y^2}{x^2 + y^2} \right\rangle$, $(1, 1)$, $(1, 0)$ og $(-1, 2)$.

b) $\mathbf{F}(x, y) = \left\langle \frac{x}{1 + x^2 + y^2}, \frac{y}{1 + x^2 + y^2} \right\rangle$, $(1, 1)$, $(1, 0)$ og $(-1, 2)$.

c) $\mathbf{F}(x, y) = \langle \ln(1 + x^2 + y^2), \ln(4 + x^2 + y^2) \rangle$, $(1, 1)$, $(1, 0)$ og $(1, 3)$.

Ekstraoppgave 12.6.2. Beregn divergensen til vektorfeltet som funksjon av de kartesiske koordinatene, og finn spesielt divergensen i de gitte punktene.

a) $\mathbf{F}(x, y, z) = \left\langle \frac{xz}{x^2 + y^2}, \frac{yz}{x^2 + y^2}, z^4 \right\rangle$, $(1, 1, 1)$, $(1, 0, 0)$ og $(-1, 2, 3)$.

b) $\mathbf{F}(x, y, z) = \left\langle \frac{x}{1 + x^2 + y^2 + z^2}, \frac{y}{1 + x^2 + y^2 + z^2}, \frac{xyz}{1 + x^2 + y^2 + z^2} \right\rangle$, $(1, 1, 1)$, $(1, 0, 0)$ og $(-1, 2, 3)$.

c) $\mathbf{F}(x, y) = \langle \ln(1 + x^2 + y^2 + z^2), \tan^{-1}(1 + x^2 + y^2 + z^2), e^{x+y-z} \rangle$, $(1, 1, 1)$, $(1, 0, 0)$ og $(1, 3, 0)$.

c) $f(x) = x^{100}e^{1/x}$, $a = 0^+$.