

Oppgave 2.2.24

a)

Siden vi bare skal bruke plottekommandoen *plot*, behøver vi egentlig ikke å hente inn Maples plottekommandoer, for *plot* finnes blant standardkommandoene.

```
> plot(x^2*sin(1/x), x=-1..1)
```

Det ser ut som om grenseverdien blir null. For å få et mer nøyaktig overslag, tegner vi grafen på et mindre intervall om origo

```
> plot(x^2*sin(1/x), x=-0.01..0.01)
```

Det ser fremdeles ut til at grenseverdien er null. Godt gjort av Maple å tegne så presist. Husk funksjonen er ikke egentlig definert i origo. Det ser ut som om Maple har tatt grenseverdien null som funksjonsverdi for $x = 0$ helt på egen hånd.

For å beregne en slik grenseverdi har Maple kommandoen *limit* (Legg merke til at vi skriver $x=0$ for å fortelle Maple at det er x som skal variere ved å nærme seg null. Definisjonen av en grenseverdi er likevel som før: vi skal aldri evaluere uttrykket som står først for verdien $x=0$, men bare for x -verdier nær null.

```
> limit(x^2*sin(1/x), x=0)
```

Oppgave 2.2.24

b)

```
> plot(sinh(x)/x, x=0..2)
```

```
> evalf(ln(3))
```

$$> \text{plot}\left(\frac{\sinh(x)}{x}, x = 1.098 \dots 1.099\right)$$

Det ser ut som om grenseverdien er cirka 1.21365. Vi lar Maple beregne grenseverdien:

$$> \text{limit}\left(\frac{\sinh(x)}{x}, x = \ln(3)\right)$$

$$> \text{evalf}(\%)$$

Oppgave 2.2.25

a)

Her vil vi skrive $x = \infty$. Det kan gjøres på **to** måter : enten skriver vi rett og slett : infinity får vi til på følgende måte :
 Eller vi gjøre det på følgende måte:

- På venstre side av arbeidsarket står det en liste av emner, blant annet står det: Common Symbols
- Den lille trekanten foran uttrykket betyr at det er en nedtrekksmeny. Så klikk på den.
- Der ser du en rekke symboler, blant annet symbolet for uendelig.
- Klikk på det symbolet du vil ha (her ∞), og det hopper pent inn i teksten der cursoren står.

De andre symbolene kan naturligvis brukes på tilsvarende måte. For eksempel kan man bruke symbolet for pi i steden for å skrive Pi

$$> \text{limit}\left(\left(1 + \frac{1}{x}\right)^x, x = \infty\right)$$

$$> \text{limit}\left(\left(1 + \frac{2}{x}\right)^x, x = \infty\right)$$

$$> \text{limit}\left(\left(1 + \frac{3}{x}\right)^x, x = \infty\right)$$

Det ser ut som om grenseverdien for $\left(1 + \frac{n}{x}\right)^x$ når $x \rightarrow \infty$ er e^n

Vi sjekker noen verdier til

```
> for n from 4 by 1 to 20 do limit  $\left( \left( 1 + \frac{n}{x} \right)^x, x = \infty \right)$  end do
```

Dette virker ganske overbevisende, men er naturligvis ikke et bevis for saken.

Lurer på om dette virker selv om n ikke er et positivt heltall.

Vel det er lett å sjekke:

```
> for n from 1 by 1 to 5 do limit  $\left( \left( 1 + \frac{\frac{1}{n}}{x} \right)^x, x = \infty \right)$  end do
```

```
> for n from -5 by 1 to 0 do limit  $\left( \left( 1 + \frac{\frac{n}{5}}{x} \right)^x, x = \infty \right)$  end do
```

Oppgave 2.2.26

c)

```
> plot  $\left( \frac{\cos(x) - 1 + \frac{x^2}{2}}{x^4}, x = -0.01 .. 0.01 \right)$ 
```

Det ser ut som om funksjonsverdien ryker mot uendelig når $x \rightarrow 0$. Vi sjekker:

```
> limit  $\left( \frac{\cos(x) - 1 + \frac{x^2}{2}}{x^4}, x = 0 \right)$ 
```

Tenk at Maple kunne plote så feil. Det skyldes at å beregne en brøk der teller og nevner er veldig, veldig nær null, blir veldig, veldig unøyaktig

```
>
```

