

Oppgave 3.6.13.

Her er det nyttig å definere funksjonen $f(x)$ slik at Maple vet det er en funksjon:

```
> f := x -> (x*sin(x))/(1 - cos(x))  
> for n from 0 by 1 to 3 do evalf(f(10-n), 40) end do
```

Det ser ut som om grenseverdien eksisterer og er lik 2.

Vi kontrollerer ved å bruke l'Hopitals regel:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \sin(x)}{1 - \cos(x)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin(x) + x \cdot \cos(x))}{\sin(x)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\cos(x) + \cos(x) - x \cdot \sin(x))}{\cos(x)} = \frac{(1 + 1 - 0)}{1} = 2.$$

```
> limit(f(x), x = 0)
```

Oppgave 3.6.14.

d)

```
> plot((sin(x) - x)/x3, x = -0.2 .. 0.2)
```

Ved L'Hopitals regel finner vi at grenseverdien faktisk blir $-\frac{1}{6}$. Men vi kan også be Maple om å finne grenseverdien:

$$> \text{limit} \left(\frac{(\sin(x) - x)}{x^3}, x = 0 \right)$$

Oppgave 3.6.15.

a)

I oppgave 3.6.1 får vi

$$> \text{limit} \left(\frac{\sin(2x)}{x}, x = 0 \right)$$

$$> \text{limit} \left(\frac{(\exp(x) - 1)}{x}, x = 0 \right)$$

$$> \text{limit} \left(\frac{x}{\tan(3x)}, x = 0 \right)$$

$$> \text{limit} \left(\frac{\frac{\cos(x)}{\frac{\text{Pi}}{2} - x}}{\frac{\text{Pi}}{2} - x}, x = \frac{\text{Pi}}{2} \right)$$

$$> \text{limit} \left(\frac{(1 - \cos(x))}{x^3}, x = 0 \right)$$

$$> \text{limit} \left(\frac{(\ln(x) - x + 1)}{(x - 1)^2}, x = 1 \right)$$

>